

TUTORIUM

Datenauswertung

UNTERSCHIEDSHYPOTHESEN TESTEN

AGENDA

- Unterschiedshypothesen
- Varianten von Mittelwertunterschieden
 - Zwei verschiedene Studien
 - Unabhängige Stichproben
 - Abhängige Stichproben
 - Varianzanalyse
- Mittelwertunterschiede und Fehlerbalken in R

UNTERSCHIEDSHYPOTHESEN

Unterschiedshypothesen

- Behaupten, dass sich die Parameter (Mittelwerte) zweier Variablen unterscheiden
- Übliche Formulierungen:
 - einseitig:
 - Positiv: UV erhöht AV (gerichtet)
 - Negativ: UV verringert AV (gerichtet)
 - zweiseitig:
 - Variablen A und B unterscheiden sich (ungerichtet)
 - Variable A beeinflusst Variable B (gerichtet)
- Werden oft für Kausalhypothesen benutzt

UNTERSCHIEDSHYPOTHESEN – AUFGABE

Aufgabe: Bestimmt, falls möglich, ob die Hypothesen ein- oder zweiseitig sind:

- Rauchen erhöht das Lungenkrebsrisiko
- Es gibt einen Unterschied zwischen der Fernseh- und Internetnutzung
- Alkoholkonsum beeinflusst die Konzentrationsfähigkeit
- Deutsche schauen mehr fern als dass sie Radio hören
- Cannabis senkt die Symptome von Tourette-Patienten

UNTERSCHIEDSHYPOTHESEN - LÖSUNG

| Hypothese | Richtung |
|---|--------------------------------|
| Rauchen erhöht das Lungenkrebsrisiko. | einseitig, positiv |
| Es gibt einen Unterschied zwischen der Fernseh- und Internetnutzung. | zweiseitig, ungerichtet |
| Alkoholkonsum beeinflusst die Konzentrationsfähigkeit. | zweiseitig, gerichtet |
| Deutsche schauen mehr fern als dass sie Radio hören. | einseitig, positiv |
| Cannabis senkt die Symptome von Tourette-Patienten. | einseitig, negativ |

HYPOTHESENTESTS BEI MITTELWERTUNTERSCHIEDEN

Hypothesentests bei Mittelwertunterschieden

- Testen, ob es einen signifikanten Unterschied zwischen mindestens zwei Mittelwerten gibt
- Gehen davon aus, dass die Mittelwerte sich nicht unterscheiden → Nullhypothese
- Führt man – je nach Test – so durch:
 - Testen, ob die Konfidenzintervalle der Mittelwerte sich überschneiden
 - Testen, ob das Konfidenzintervall für die Differenz der Mittelwerte den Wert 0 enthält

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ZWEI STUDIEN

Mittelwertunterschiede für zwei verschiedene Studien

- Werden berechnet, indem man um die Mittelwerte beider Studien ein Konfidenzintervall bildet und schaut, ob sie sich überschneiden:
 - Sie überschneiden sich → nicht signifikant!
 - Sie überschneiden sich nicht → signifikant!
- Werden graphisch als Fehlerbalken dargestellt
- Beispiel: Vergleich zweier Studien zum Immersionsgrad
 - 3D vs. Virtual Reality
- Formel: $CI_{\bar{x}} = \bar{x} \pm 1,96 * SE_{\bar{x}}$

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ZWEI STUDIEN – BEISPIEL

| Fall | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Studie 1 | 5 | 1 | 2 | 3 | 6 | 5 | 4 | 1 | 2 | 5 |
| Studie 2 | 7 | 5 | 4 | 6 | 5 | 8 | 5 | 4 | 5 | 7 |

$$\bar{x}_1 = 3,4, \quad s^2_1 \approx 3,37, \quad SE_1 \approx 0,58$$

$$\bar{x}_2 = 5,6, \quad s^2_2 \approx 1,82, \quad SE_2 \approx 0,43$$

$$CI_1 = 3,4 \pm 2 * 0,58 \rightarrow [2,24; 4,56]$$

$$CI_2 = 5,6 \pm 2 * 0,43 \rightarrow [4,74; 6,46]$$

Die beiden Konfidenzintervalle überschneiden sich nicht. Mit einer Irrtumswahrscheinlichkeit von 5% unterscheiden sich die Mittelwerte der beiden Studien signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE – ZWEI STUDIEN – AUFGABE

Aufgabe: Prüft mit den untenstehenden Angaben, ob sich die Mittelwerte von Studie 1 und Studie 2 signifikant unterscheiden. Rundet bei jeder Rechnung auf zwei Nachkommastellen.

| Fall | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Studie 1 | 4 | 3 | 7 | 9 | 3 | 2 | 7 | 9 | 2 | 3 |
| Studie 2 | 8 | 5 | 3 | 1 | 4 | 7 | 4 | 3 | 9 | 2 |

$$\bar{x}_1 = 4,9, \quad s^2_1 \approx 7,88$$

$$\bar{x}_2 = 4,6, \quad s^2_2 \approx 6,93$$

$$SE_{\bar{x}} = \sqrt{\frac{s^2_{\bar{x}}}{n}} \quad CI_{\bar{x}} = \bar{x} \pm 1,96 * SE_{\bar{x}}$$

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ZWEI STUDIEN – LÖSUNG

| Fall | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Studie 1 | 4 | 3 | 7 | 9 | 3 | 2 | 7 | 9 | 2 | 3 |
| Studie 2 | 8 | 5 | 3 | 1 | 4 | 7 | 4 | 3 | 9 | 2 |

$$\bar{x}_1 = 4,9, \quad s^2_1 \approx 7,88, \quad SE_1 = \sqrt{\frac{7,88}{10}} \approx 0,89 \quad \bar{x}_2 = 4,6, \quad s^2_2 \approx 6,93, \quad SE_2 = \sqrt{\frac{6,93}{10}} \approx 0,83$$

$$CI_1 = 4,9 \pm 2 * 0,89 \rightarrow [3,12; 6,68]$$

$$CI_2 = 4,6 \pm 2 * 0,83 \rightarrow [2,94; 6,26]$$

Die beiden Konfidenzintervalle überschneiden sich. Die Mittelwerte der beiden Studien unterscheiden sich nicht signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN

Mittelwertunterschiede für unabhängige Stichproben

- Berechnet man, wenn man verschiedene Personen vergleicht:
 - Experimentell
 - Kontrollgruppe vs. Versuchsgruppe (beide Gruppen verschieden)
 - Versuchsgruppe vs. Versuchsgruppe (beide Gruppen verschieden)
 - Quasi-experimentell
 - Aufteilung einer Stichprobe durch eine dichotome kategoriale Variable
 - Vergleich der Mittelwerte der Unterstichproben
- Testet man, indem man ein Konfidenzintervall um die Differenz zweier Mittelwerte bildet und prüft, ob darin liegt
 - 0 liegt im Konfidenzintervall → nicht signifikant!
 - 0 liegt nicht im Konfidenzintervall → signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN - FORMELN

Standardfehler der
Differenz von zwei
unabhängigen Variablen

$$SE_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \sqrt{\frac{s^2_1}{n_1} + \frac{s^2_2}{n_2}}$$

Konfidenzintervall der
Differenz von zwei
unabhängigen Variablen

$$CI_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm 1,96 * SE_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}$$

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN – BEISPIEL

| Fall | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Gruppe 1 | 5 | 1 | 2 | 3 | 6 | 5 | 4 | 1 | 2 | 5 |
| Gruppe 2 | 7 | 5 | 4 | 6 | 5 | 8 | 5 | 4 | 5 | 7 |

$$\bar{x}_1 = 3,4,$$

$$s^2_1 \approx 3,37$$

$$\bar{x}_2 = 5,6,$$

$$s^2_2 \approx 1,82$$

$$SE_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \sqrt{\frac{3,37}{10} + \frac{1,82}{10}} \approx 0,72$$

$$CI_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = 3,4 - 5,6 \pm 2 * 0,72 \rightarrow [-3,64; -0,76]$$

Das Konfidenzintervall der Mittelwertdifferenzen enthält nicht den Wert 0.
Die Mittelwerte zwischen Gruppe 1 und Gruppe 2 unterscheiden sich
signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN – AUFGABE

Aufgabe: Prüft mit den untenstehenden Angaben, ob sich die Mittelwerte der beiden Gruppen signifikant voneinander unterscheiden.

| Fall | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Gruppe 1 | 4 | 3 | 7 | 9 | 3 | 2 | 7 | 9 | 2 | 3 |
| Gruppe 2 | 8 | 5 | 3 | 1 | 4 | 7 | 4 | 3 | 9 | 2 |

$$\bar{x}_1 = 4,9, \quad s^2_1 \approx 7,88$$

$$\bar{x}_2 = 4,6, \quad s^2_2 \approx 6,93$$

$$SE_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \sqrt{\frac{s^2_1}{n_1} + \frac{s^2_2}{n_2}}$$

$$CI_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \bar{x}_1 - \bar{x}_2 \pm 1,96 * SE_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2}$$

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN – LÖSUNG

| Fall | 1 | 2 | 3 | 4 | 5 | 6 | 7 | 8 | 9 | 10 |
|----------|---|---|---|---|---|---|---|---|---|----|
| Gruppe 1 | 4 | 3 | 7 | 9 | 3 | 2 | 7 | 9 | 2 | 3 |
| Gruppe 2 | 8 | 5 | 3 | 1 | 4 | 7 | 4 | 3 | 9 | 2 |

$$\bar{x}_1 = 4,9, \quad s^2_1 \approx 7,88$$

$$\bar{x}_2 = 4,6, \quad s^2_2 \approx 6,93$$

$$SE_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = \sqrt{\frac{7,88}{10} + \frac{6,93}{10}} \approx 1,22$$

$$CI_{\bar{x}_1 - \bar{x}_2} = 4,9 - 4,6 \pm 2 * 1,22 \rightarrow [-2,14; 2,74]$$

Das Konfidenzintervall der Mittelwertdifferenz der beiden Gruppen enthält den Wert 0. Das Ergebnis ist nicht signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN IN R – T-TEST

```
#Laden von Daten und Paketen
library(knitr)
library(mosaic)
load("daten_x.RData")
datensatz <- subset(daten_x, UV != "NA")
#Deskription der AV
kable(favstats(AV ~ UV, data = datensatz))

#t-test durchführen
t.test(datensatz$AV ~ datensatz$UV,
       alternative=richtung)
```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN IN R – T-TEST (BEISPIEL)

```
#Laden von Daten und Paketen
```

```
library(knitr)
```

```
library(mosaic)
```

```
load("daten_2019.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_2019, soz_partner != "NA")
```

```
#Deskription der AV
```

```
kable(favstats(radio_minuten ~ soz_partner, data = datensatz))
```

```
#t-test durchführen
```

```
t.test(datensatz$radio_minuten ~ datensatz$soz_partner,  
       alternative="greater")
```

\bar{x} der ersten Ausprägung der UV ist höher als \bar{x} der zweiten Ausprägung

| soz_partner | min | Q1 | median | Q3 | max | mean | sd | n | missing |
|---------------|-----|----|--------|-----|-----|-----------|----------|-----|---------|
| Partnerschaft | 0 | 20 | 60 | 120 | 720 | 100.15029 | 129.9415 | 346 | 5 |
| Single | 0 | 0 | 30 | 85 | 500 | 78.26772 | 122.1295 | 127 | 1 |

Welch Two Sample t-test

```

data:  datensatz$radio_minuten by datensatz$soz_partner
t = 1.6972, df = 237.49, p-value = 0.04549 p < 0.05 → signifikant!
alternative hypothesis: true difference in means is greater than 0
95 percent confidence interval:
 0.591373      Inf  Null liegt nicht im Intervall → signifikant!
sample estimates:
mean in group Partnerschaft          mean in group Single
                100.15029                    78.26772

```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN IN R – FEHLERBALKEN

```
#Laden von Daten und Paketen
library(ggplot2)
load("daten_x.RData")
datensatz <- subset(daten_x, UV != "NA")
#Erstellung des Diagramms
ggplot(datensatz, aes(x = UV, y = AV))+
  stat_summary(fun.y = mean, geom="point", na.rm = T)+
  stat_summary(fun.y = mean, geom="line", aes(group=1),
linetype="dashed", na.rm = T)+ labs(title = "Titel", x="AVlable",
y="UVlable")+ stat_summary(fun.data = mean_cl_boot,na.rm = T,
aes(UV,AV), geom="errorbar", width=0.5)+theme_bw()
```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: UNABHÄNGIGE STICHPROBEN IN R – FEHLERBALKEN (BEISPIEL

```
#Laden von Daten und Paketen
```

```
library(ggplot2)
```

```
load("daten_2019.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_2019, soz_partner != "NA")
```

```
#Erstellung des Diagramms
```

```
ggplot(datensatz, aes(x = soz_partner, y = radio_minuten))+
```

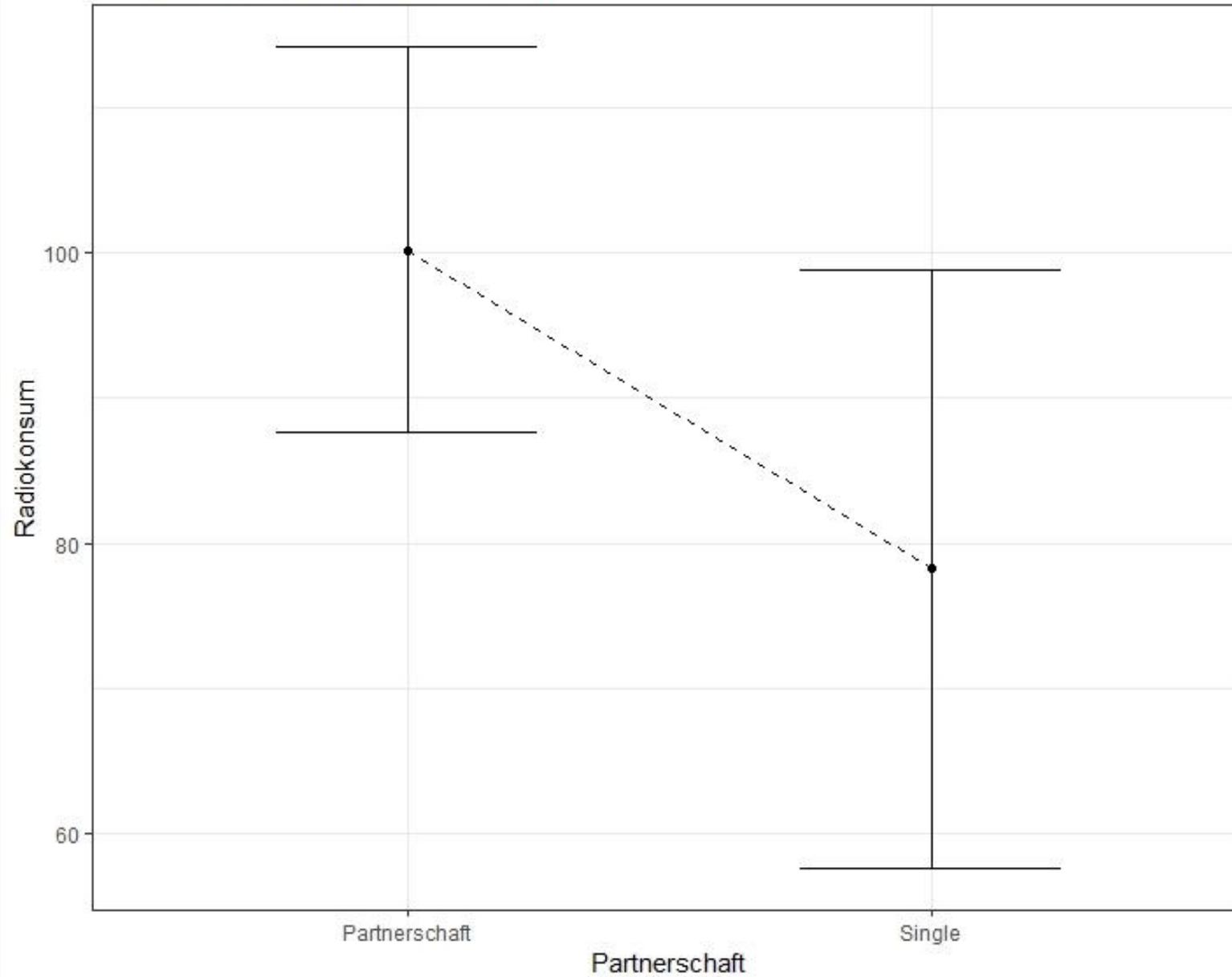
```
  stat_summary(fun.y = mean, geom="point", na.rm = T)+
```

```
  stat_summary(fun.y = mean, geom="line", aes(group=1), linetype="dashed",  
na.rm = T)+ labs(title = "Radiokonsum nach Partnerschaft",
```

```
x="Partnerschaft", y="Radiokonsum")+ stat_summary(fun.data =
```

```
mean_cl_boot, na.rm = T, aes(soz_partner, radio_minuten), geom="errorbar",  
width=0.5)+theme_bw()
```

Radiokonsum nach Partnerschaft



MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN

Mittelwertunterschiede für abhängige Stichproben

- Benutzt man, wenn man *dieselben* Personen vergleicht
 - Zwei verschiedene Variablen bei derselben Person aus derselben Erhebung: Schauen Deutsche mehr fern als sie Radio hören?
 - Eine Variable bei derselben Person vorher und nachher: Hilft Cannabis, die Symptome von Tourette zu mildern?
- Liefern die kleinsten Konfidenzintervalle und sind damit am sichersten

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN – FORMELN

| | |
|--|--|
| Mittelwert der Differenz von zwei abhängigen Variablen | $\bar{x}_{x-y} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^n x_i - y_i$ |
| Varianz der Differenz von zwei abhängigen Variablen | $s^2_{x-y} = \frac{\sum_{i=1}^n ((x_i - y_i) - \bar{x}_{x-y})^2}{n - 1}$ |
| Standardfehler der Differenz von zwei abhängigen Variablen | $SE_{x-y} = \sqrt{\frac{s^2_{x-y}}{n}}$ |
| Konfidenzintervall der Differenz von zwei abhängigen Variablen | $CI_{x-y} = \bar{x}_{x-y} \pm 1,96 * SE_{x-y}$ |

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN – BEISPIEL

| Fall | x_i | y_i | $x_i - y_i$ | $((x_i - y_i) - \bar{x}_{x-y})$ | $((x_i - y_i) - \bar{x}_{x-y})^2$ |
|------|-------|-------|------------------------|---------------------------------|---|
| 1 | 5 | 7 | 5 - 7 = -2 | -2 - (-2,2) = 0,2 | 0,2 ² = 0,04 |
| 2 | 1 | 5 | 1 - 5 = -4 | -4 - (-2,2) = -1,8 | -1,8 ² = 3,24 |
| 3 | 2 | 4 | 2 - 4 = -2 | -2 - (-2,2) = 0,2 | 0,2 ² = 0,04 |
| 4 | 3 | 6 | 3 - 6 = -3 | -3 - (-2,2) = -0,8 | -0,8 ² = 0,64 |
| 5 | 6 | 5 | 6 - 5 = 1 | 1 - (-2,2) = 3,2 | 3,2 ² = 10,24 |
| 6 | 5 | 8 | 5 - 8 = -3 | -3 - (-2,2) = -0,8 | -0,8 ² = 0,64 |
| 7 | 4 | 5 | 4 - 5 = -1 | -1 - (-2,2) = 1,2 | 1,2 ² = 1,44 |
| 8 | 1 | 4 | 1 - 4 = -3 | -3 - (-2,2) = -0,8 | -0,8 ² = 0,64 |
| 9 | 2 | 5 | 2 - 5 = -3 | -3 - (-2,2) = -0,8 | -0,8 ² = 0,64 |
| 10 | 5 | 7 | 5 - 7 = -2 | -2 - (-2,2) = 0,2 | 0,2 ² = 0,04 |
| | | | $\sum x_i - y_i = -22$ | | $\sum ((x_i - y_i) - \bar{x}_{x-y})^2 = 17,6$ |

$$\bar{x}_{x-y} = \frac{1}{10} * (-22) = -2,2$$

$$s^2_{x-y} = \frac{17,6}{10 - 1} \approx 1,96$$

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN – BEISPIEL

$$\bar{x}_{x-y} = -2,2, \quad s^2_{x-y} \approx 1,96, \quad n = 10$$

$$SE_{x-y} = \sqrt{\frac{s^2_{x-y}}{n}} = \sqrt{\frac{1,96}{10}} \approx 0,44$$

$$CI_{x-y} = -2,2 \pm 1,96 * 0,44 \rightarrow [-3,08; -1,32]$$

Das Konfidenzintervall der abhängigen Mittelwertunterschiede enthält nicht den Wert 0. Die Mittelwerte unterscheiden sich signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN – AUFGABE

Aufgabe: Testet mit den untenstehenden Angaben, ob sich die Mittelwerte der abhängigen Stichprobe signifikant unterscheiden. Rundet auf zwei Nachkommastellen.

$$\bar{x}_{x-y} = -1,4, \quad s^2_{x-y} \approx 2,3, \quad n = 15$$

$$SE_{x-y} = \sqrt{\frac{s^2_{x-y}}{n}} \quad CI_{x-y} = \bar{x}_{x-y} \pm 1,96 * SE_{x-y}$$

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN - LÖSUNG

$$\bar{x}_{x-y} = -1,4, \quad s^2_{x-y} \approx 2,3, \quad n = 15$$

$$SE_{x-y} = \sqrt{\frac{s^2_{x-y}}{n}} = \sqrt{\frac{2,3}{15}} \approx 0,39$$

$$CI_{x-y} = -1,4 \pm 1,96 * 0,39 \rightarrow [-2,16; -0,64]$$

Das Konfidenzintervall der abhängigen Mittelwertunterschiede enthält nicht den Wert 0. Die Mittelwerte unterscheiden sich signifikant!

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN IN R – T-TEST

```
#Laden von Daten und Paketen
```

```
library(knitr)
```

```
library(mosaic)
```

```
load("daten_x.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_x, Bedingung)
```

```
#Deskription der Variablen
```

```
kable(round(rbind("var1label" = favstats(datensatz$var1),  
                "var2label" = favstats(datensatz$var2)), 2))
```

```
#t-Test durchführen
```

```
t.test(datensatz$var1, datensatz$var2, alternative="richtung", paired = T)
```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: ABHÄNGIGE STICHPROBEN IN R – T-TEST

#Laden von Daten und Paketen

```
library(knitr)
```

```
library(mosaic)
```

```
load("daten_2019.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_2019, jahr>2000)
```

#Deskription der Variablen

```
kable(round(rbind("Internetkonsum" = favstats(datensatz$www_minuten),  
               "Radiokonsum" = favstats(datensatz$radio_minuten)), 2))
```

#t-Test durchführen

```
t.test(datensatz$www_minuten, datensatz$radio_minuten,  
       alternative="greater", paired = T)
```

\bar{x} von www_minuten ist höher
als \bar{x} von radio_minuten



| | min | Q1 | median | Q3 | max | mean | sd | n | missing |
|----------------|-----|-------|--------|-----|-----|--------|--------|-----|---------|
| Internetkonsum | 0 | 48.75 | 120 | 180 | 960 | 140.14 | 131.93 | 486 | 2 |
| Radiokonsum | 0 | 10.00 | 45 | 120 | 720 | 93.09 | 127.05 | 482 | 6 |

Paired t-test

```

data:  datensatz$www_minuten and datensatz$radio_minuten
t = 5.224, df = 479, p-value = 1.308e-07  p < 0,05 → signifikant!
alternative hypothesis: true difference in means is greater than 0
95 percent confidence interval:
 32.11994      Inf      0 liegt nicht im Intervall → signifikant!
sample estimates:
mean of the differences
          46.92292

```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE – MEHR ALS ZWEI GRUPPEN

Mittelwertunterschiede für mehr als zwei Gruppen

- Werden berechnet, wenn man mehr als zwei Gruppen miteinander vergleicht
- Können für alle bereits genannten Fälle berechnet werden
- Nennt man auch „einfaktorielle Varianzanalyse“
- Berechnet man mit dem F-Test
- Beispiel: Rassismus auf Social Media (YouTube, facebook, instagram)

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: MEHR ALS ZWEI GRUPPEN IN R – F-TEST

#Laden und Auswahlen der Daten

```
load("daten_x.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_2019, Bedingung)
```

```
library(knitr)
```

```
library(mosaic)
```

#Deskription der AV nach der UV

```
kable(favstats(AV ~ factor(UV), data = datensatz))
```

#Einfaktorielle ANOVA durchführen

```
fit = aov(AV ~ factor(UV), data = datensatz)
```

```
summary(fit)
```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: MEHR ALS ZWEI GRUPPEN IN R – F-TEST

#Laden und Auswahlen der Daten

```
load("daten_2019.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_2019, jahr>2000)
```

```
library(knitr)
```

```
library(mosaic)
```

#Deskription der AV nach der UV

```
kable(favstats(radio_minuten ~ factor(altersgruppe), data = datensatz))
```

#Einfaktorielle ANOVA durchführen

```
fit = aov(radio_minuten ~ factor(altersgruppe), data = datensatz)
```

```
summary(fit)
```

| factor(altersgruppe) | min | Q1 | median | Q3 | max | mean | sd | n | missing |
|----------------------|-----|----|--------|-----|-----|-----------|-----------|-----|---------|
| 15-24 Jahre | 0 | 0 | 5.0 | 30 | 360 | 30.00000 | 61.24925 | 69 | 0 |
| 25-34 Jahre | 0 | 0 | 15.0 | 60 | 480 | 53.55128 | 98.72599 | 78 | 1 |
| 35-44 Jahre | 0 | 20 | 42.5 | 120 | 540 | 93.42105 | 119.77259 | 76 | 1 |
| 45-54 Jahre | 0 | 30 | 60.0 | 120 | 720 | 110.37037 | 135.82855 | 108 | 1 |
| 55-64 Jahre | 0 | 30 | 60.0 | 170 | 640 | 127.89157 | 142.79040 | 83 | 3 |
| 65-74 Jahre | 0 | 30 | 60.0 | 180 | 720 | 132.13235 | 144.74712 | 68 | 0 |

```

                Df  Sum Sq Mean Sq F value    Pr(>F)
factor(altersgruppe)    5   633019   126604    8.451 1.13e-07 ***
Residuals              476  7131273    14982

```

$p < 0,05$
→ signifikant!

```

---
Signif. codes:  0 '***' 0.001 '**' 0.01 '*' 0.05 '.' 0.1 ' ' 1
6 observations deleted due to missingness

```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: MEHR ALS ZWEI GRUPPEN IN R: FEHLERBALKEN

```
# Installieren und Laden der Pakete
```

```
library(ggplot2)
```

```
# Laden und Auswählen der Daten
```

```
load("daten_x.RData")
```

```
datensatz <- subset(daten_x, Bedingung)
```

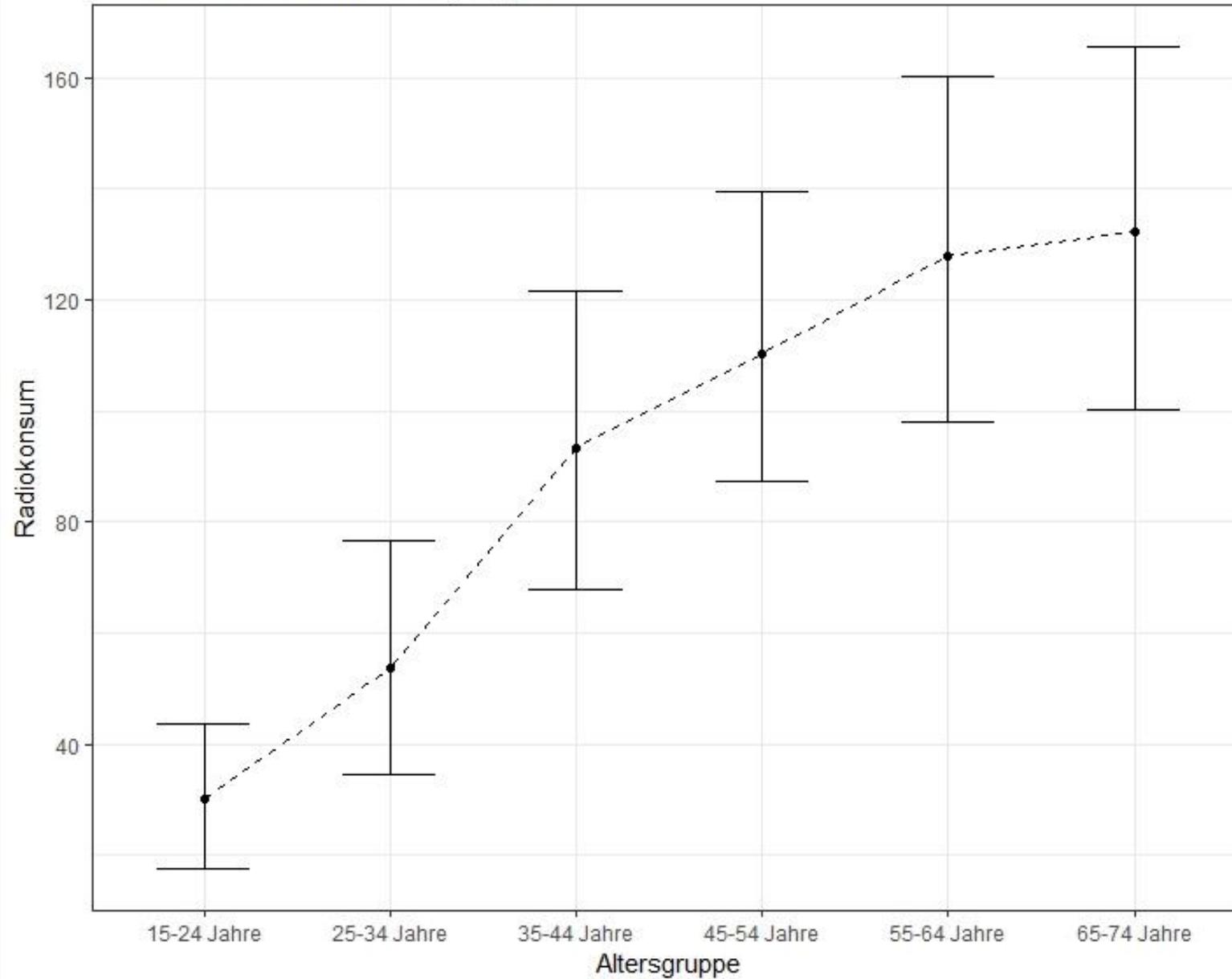
```
#Erstellung des Diagramms
```

```
ggplot(datensatz, aes(x = factor(datensatz$UV), y = datensatz$AV)) +  
  stat_summary(fun.y = mean, geom="point", na.rm = T) + stat_summary(fun.y  
= mean, geom="line", aes(group=1), linetype="dashed", na.rm = T) +  
  stat_summary(fun.data = mean_cl_boot, na.rm = T, aes(factor(datensatz$UV),  
  datensatz$AV), geom="errorbar", width=0.5) + theme_bw() + labs(title = "Titel",  
  x="Beschriftung x-Achse", y="Beschriftung y-Achse")
```

MITTELWERTUNTERSCHIEDE: MEHR ALS ZWEI GRUPPEN IN R: FEHLERBALKEN

```
# Installieren und Laden der Pakete
library(ggplot2)
# Laden und Auswählen der Daten
load("daten_2019.RData")
datensatz <- subset(daten_2019, jahr>2000)
#Erstellung des Diagramms
ggplot(datensatz, aes(x = factor(datensatz$altersgruppe), y =
datensatz$radio_minuten))+ stat_summary(fun.y = mean, geom="point", na.rm = T)+
stat_summary(fun.y = mean, geom="line", aes(group=1), linetype="dashed", na.rm =
T) + stat_summary(fun.data = mean_cl_boot, na.rm = T,
aes(factor(datensatz$altersgruppe), datensatz$radio_minuten), geom="errorbar",
width=0.5)+theme_bw()+ labs(title = "Radiokonsum nach Altersgruppe",
x="Altersgruppe", y="Radiokonsum")
```

Radiokonsum nach Altersgruppe



MITTELWERTUNTERSCHIEDE – ÜBERSICHT

Mittelwertunterschiede

Zwei verschiedene Studien

Zwei Gruppen

Mehr als zwei Gruppen

Vergleich der
Intervalle beider
Mittelwerte

Verschiedene
Personen

t-Test für
unabhängige
Stichproben

Dieselben
Personen

t-Test für
abhängige
Stichproben

F-Test
(einfaktorielle
Varianzanalyse)

FRAGEN?

SELBSTSTUDIUM

– Forschungsbericht (EFB und ZFB):

- Berechnung der Mittelwertunterschiede:

- daten_2019\$www_minuten nach daten_2019\$soz_partner
- daten_2019\$www_minuten nach daten_2019\$altersgruppe
- daten_2019\$www_minuten und daten_2019\$tz_minuten

- Fehlerbalken:

- Unabhängige Stichproben
- Mehrere Gruppen

- Inhaltliche Sätze zu jedem Ergebnis

– Wiederholen: Lagemaße

BIS ÜBERNÄCHSTE WOCHEN!